



MÉTROPOLE 2021

MATHS

Exercice 1 :

1. D'après le tableau, la température moyenne en novembre 2019 à Tours était de $8,2$ °C. C'est la valeur indiquée dans la case L2.
2. La température moyenne maximale est $22,6$ °C et la valeur minimale est $4,4$ °C, donc l'étendue de cette série est $22,6 - 4,4 = 18,2$.
3. Pour calculer la moyenne de cette série, il faut entrer la formule « =SOMME(B2:M2)/12 », ou bien : « =MOYENNE(B2:M2) ». Cela calcule la somme des valeurs de toutes les cases de la ligne 2 entre les colonnes B et M et divise le résultat par 12, qui est le nombre de valeurs.

4. La moyenne de cette série est donnée par

$$\frac{4,4 + 7,8 + 9,6 + 11,2 + 13,4 + 19,4 + 22,6 + 20,5 + 17,9 + 14,4 + 8,2 + 7,8}{12} = \frac{157,2}{12} = 13,1$$

La température annuelle moyenne est donc bien de $13,1$ °C.

5. $\frac{13,1}{11,9} \simeq 1,1$, ou bien, on applique la formule pour calculer directement le pourcentage d'augmentation : $13,1 - 11,9 = 1,2$ soit 10%

Donc la température annuelle moyenne a été multipliée par 1,1 environ entre 2009 et 2019, ce qui correspond à une augmentation de 10 %.

Exercice 2 :

1. $2 - 1,9 = 0,1$. Pour atteindre 2 millions de visiteurs, il aurait fallu 0,1 million de visiteurs supplémentaires, soit 100 000 visiteurs de plus.

2. $\frac{1900000}{365} \simeq 5205$ donc on peut dire qu'en moyenne, il y a eu environ 5 200 visiteurs par jour pendant l'année 2019.

3. a) $126 = 2 \times 63 = 2 \times 9 \times 7 = 2 \times 3^2 \times 7$ et
 $90 = 2 \times 45 = 2 \times 9 \times 5 = 2 \times 3^2 \times 5$.

b) D'après les décompositions en facteurs premiers écrites ci-dessus, les nombres entiers positifs qui divisent à la fois 126 et 90 sont 1, 2, 3, 6, 9 et 18.

- c) Le plus grand nombre de groupes possible est donc 18. $\frac{126}{18} = 7$ et $\frac{90}{18} = 5$ donc en faisant 18 groupes, il y aura 7 garçons et 5 filles dans chaque groupe.

- 4 Dans la configuration décrite, les points A, D, C sont alignés dans cet ordre ; les points A, E, B sont alignés dans cet ordre ; et les droites (DE) et (BC) sont parallèles (car la Gyrotour et Marie sont toutes les deux verticales).

D'après le théorème de Thalès, on peut en déduire que :

$$\frac{AD}{AC} = \frac{AE}{AB} = \frac{DE}{BC}.$$

Or $AD = 2$ m, $AC = 2 + 54,25 = 56,25$ m et $DE = 1,60$ m, donc

$$\frac{2}{56,25} = \frac{1,60}{BC}, \text{ d'où } BC = \frac{56,25 \times 1,60}{2} = 45.$$

La Gyrotour mesure donc 45 m de haut.

Exercice 3 :

Partie A.

- Réponse C : Obtenir un jeton vert. (Car il y a 16 jetons en tout dont 7 verts.)
- Réponse A : $\frac{13}{16}$ (Car il y a 3 jetons bleus, donc 13 qui ne sont pas bleus.)

Partie B.

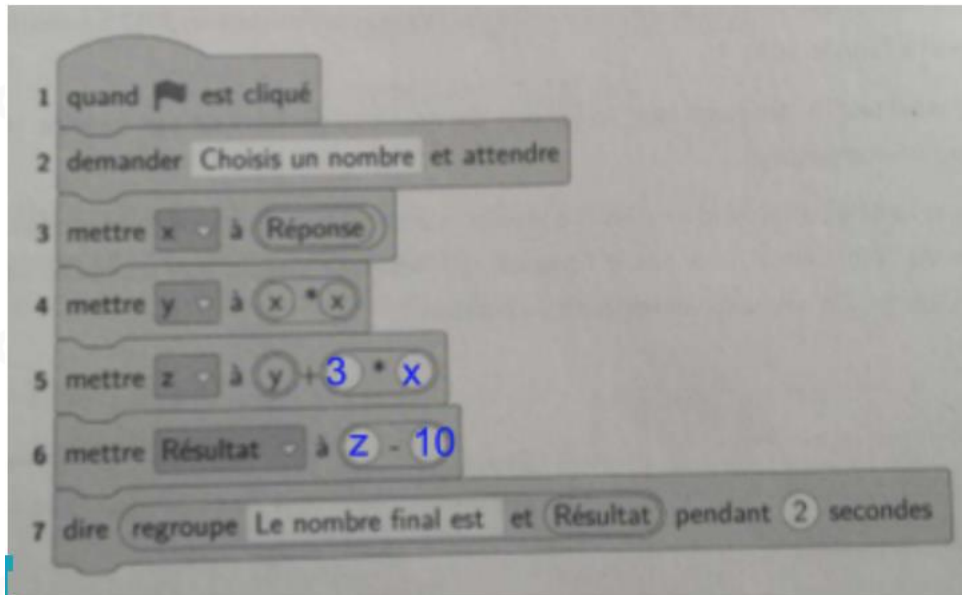
- Réponse A : Le motif 17. (La symétrie d'axe d consiste à replier la feuille le long de la droite d, horizontalement. Le motif 20 se superpose alors avec le motif 17.)
- Réponse B : Une rotation de centre O et d'angle 72° . (La rotation de centre O et d'angle 36° transforme le motif 1 en le motif 2. En effectuant deux fois cette rotation, on obtient le motif 3 et on a tourné de 72° .)
- Réponse B : À 4 fois l'aire du motif 1. (Car le motif 11 est l'image du motif 1 par l'homothétie de rapport 2, donc l'aire est multipliée par $2^2 = 4$.)

Exercice 4 :

- On choisit le nombre 4. $4^2 = 16$, $16 + 3 \times 4 = 16 + 12 = 28$ et $28 - 10 = 18$. On obtient bien le résultat 18.

2. On choisit le nombre -3 . $(-3)^2 = 9$, $9 + 3 \times (-3) = 9 - 9 = 0$ et $0 - 10 = -10$. On obtient le résultat -10 .

3.



On complète la ligne 5 par $3*x$ pour ajouter au résultat précédent le triple du nombre de départ, car le nombre de départ est enregistré sous la variable x .

On complète la ligne 6 par $z-10$ pour soustraire 10 au résultat précédent enregistré sous la variable z .

4 a) Si le nombre de départ est x , alors le résultat final est donné par $x^2 + 3x - 10$.

b) $(x + 5)(x - 2) = x^2 - 2x + 5x - 2 \times 5 = x^2 + 3x - 10$. Les expressions $x^2 + 3x - 10$ et $(x + 5)(x - 2)$ sont donc égales pour tout nombre x .

c) On résout l'équation $x^2 + 3x - 10 = 0$:

$x^2 + 3x - 10 = 0$ est : équivalent à $(x + 5)(x - 2) = 0$,
 équivalent à $x + 5 = 0$ ou $x - 2 = 0$,
 équivalent à $x = -5$ ou $x = 2$.

Finalement, il y a deux nombres de départ qui permettent d'obtenir le résultat 0 : -5 et 2 .

Exercice 5 :

1. $\frac{6,5}{100} \times 5,2 = 0,338$. La production de déchets annuelle par Français a diminué de $0,338$ tonne entre 2007 et 2017.

2. a) $CH = 67 - 39 = 28$ cm.

b) Le triangle DCH est rectangle en H, donc d'après le théorème de Pythagore, $DC^2 = DH^2 + CH^2$. On en déduit que :

$$DH^2 = DC^2 - CH^2 = 53^2 - 28^2 = 2025, \text{ d'où}$$

$$DH = \sqrt{2025} = 45 \text{ cm.}$$

c) L'aire du trapèze ABCD est égale à $\frac{(39 + 67) \times 45}{2} = 2385$ cm².

d) Le volume du composteur est égal à la somme du volume du prisme droit dont la base est le trapèze ABCD, d'aire 2385 cm² et de hauteur 70 cm, et du volume du pavé droit de largeur 70 cm, de longueur 67 cm, et de hauteur $110 - 45 = 65$ cm.

Le volume du prisme droit est $2385 \times 70 = 166950$ cm³ et le volume du pavé droit est $67 \times 65 \times 70 = 304850$. On en déduit le volume du composteur ; $166\ 950 + 304\ 850 = 471\ 800$ cm³, soit $0,4718$ m³.

L'affirmation « il a une contenance d'environ $0,5$ m³ » est donc vraie.